

УМНОЖЕНИЕ И ДЕЛЕНИЕ. ТАБЛИЧНЫЕ ЗНАЧЕНИЯ УМНОЖЕНИЯ ПО ОТНОШЕНИЮ К ДЕЛЕНИЮ.

Подготовкой является ознакомление учащихся с новым арифметическим действием – УМНОЖЕНИЕМ.



$$2 + 2 + 2 + 2 + 2 = 10$$

$$2 \cdot 5 = 10$$

Сложение одинаковых слагаемых называют УМНОЖЕНИЕМ.

Вопросы:

1. Чему равно каждое слагаемое этой суммы? (двум)

2. Сколько раз повторяется это слагаемое? (пять)

В таком случае говорят:

Чтобы записать это выражение, надо использовать новое арифметическое действие – умножение.

Точка (•) – знак умножения

Запись: $2 \cdot 5 = 10$

Чтение: 1. Два умножить на пять равно десять.

2. Дважды пять равно десять.

Два – это число, которое показывает чему равно каждое слагаемое данной суммы.

Пять – сколько раз повторяется это слагаемое

Сравним: два умножить на пять или пять умножить на два.

Эта работа раскрывает смысл действия умножения, который сформулирован в правиле:

СЛОЖЕНИЕ ОДИНАКОВЫХ СЛАГАЕМЫХ НАЗЫВАЮТ УМНОЖЕНИЕМ.

Оно лежит в основе составления первого столбика на умножение.

Рассмотрим на таблице умножения числа "2". (стр. 36)



2



$$2 + 2 = 4$$



$$2 + 2 + 2 = 6$$



$$2 + 2 + 2 + 2 = 8$$



$$2 + 2 + 2 + 2 + 2 = 10$$

Выполняя эту работу, учащиеся убеждаются в том, что каждый следующий результат увеличивается на два, это поможет в нахождении следующих результатов: $2 \cdot 5 = 10$

$$2 \cdot 6 = \square \quad 10 + 2 = 12 \Rightarrow 2 \cdot 6 = 12$$

$$2 \cdot 7 = \square \quad 12 + 2 = 14 \Rightarrow 2 \cdot 7 = 14$$

Учащиеся знакомятся с названием компонентов и результатов действия. (стр. 35)

СОМНОЖИТЕЛИ (мы их перемножаем).

1 множитель

2 множитель

8

•

4

=

32

произведение (математическое выражение)

произведение

(значение математического выражения)

В основе составления второго случая умножения лежит знание о связи между компонентами и результатом действия умножения (нахождения неизвестного множителя)(стр.38),переместительном законе умножения, которое сформулировано в правиле:

ОТ ПЕРЕСТАНОВКИ МНОЖИТЕЛЕЙ ПРОИЗВЕДЕНИЕ НЕ ИЗМЕНЯЕТСЯ.

$$2 \cdot 2 = 4$$

$$2 \cdot 3 = 6$$

$$2 \cdot 4 = 8$$

$$2 \cdot 5 = 10$$

$$2 \cdot 6 = 12$$

$$2 \cdot 7 = 14$$

$$2 \cdot 8 = 16$$

$$2 \cdot 9 = 18$$

$$3 \cdot 2 = 6$$

$$4 \cdot 2 = 8$$

$$5 \cdot 2 = 10$$

$$6 \cdot 2 = 12$$

$$7 \cdot 2 = 14$$

$$8 \cdot 2 = 16$$

$$9 \cdot 2 = 18$$

Перед рассмотрением решения примеров на деление необходимо познакомить учащихся с самим действием делением (см. первую группу простых задач), а затем со связями между компонентами и результатом действия умножения (т.е. нахождение неизвестного множителя) (стр. 48)

$$6 \cdot 3 = 18$$

1 множитель 2 множитель произведение

Составьте два примера на деление, используя эти числа.

$$18 : 3 = 6$$

произведение 2 множитель 1 множитель

Чем являлось число 18, 3, 6 в первом примере?

$$18 : 6 = 3$$

произведение 2 множитель 1 множитель

Обобщая случаи нахождения 1 и 2 множителей, выводим правило:

ЕСЛИ ПРОИЗВЕДЕНИЕ ДВУХ ЧИСЕЛ РАЗДЕЛИТЬ НА ОДИН ИЗ МНОЖИТЕЛЕЙ, ТО ПОЛУЧИМ ДРУГОЙ МНОЖИТЕЛЬ.

Оно и поможет нам составить 2 примера на деление (стр. 51, № 235)

$$2 \cdot 2 = 4$$

$$4 : 2 = 2$$

$$2 \cdot 3 = 6$$

$$6 : 2 = 3$$

$$6 : 3 = 2$$

$$2 \cdot 4 = 8$$

$$8 : 2 = 4$$

$$8 : 4 = 2$$

$$2 \cdot 5 = 10$$

$$10 : 2 = 5$$

$$10 : 5 = 2$$

$$2 \cdot 6 = 12$$

$$12 : 2 = 6$$

$$12 : 6 = 2$$

$$2 \cdot 7 = 14$$

$$14 : 2 = 7$$

$$14 : 7 = 2$$

$$2 \cdot 8 = 16$$

$$16 : 2 = 8$$

$$16 : 8 = 2$$

$$2 \cdot 9 = 18$$

$$18 : 2 = 9$$

$$18 : 9 = 2$$

Аналогичная работа и при составлении всех других таблиц: стр. 74 – на 3, стр. 82 – на 4, стр. 88 – на 5, стр. 95 – на 6, стр. 100 – на 7, стр. 104 – на 8, стр. 107 – на 9, стр. 110 – обобщение всех таблиц.

При умножении нуля на любое число получается нуль.

ЗАПОМНИ: ПРИ УМНОЖЕНИИ ЛЮБОГО ЧИСЛА НА НУЛЬ, ПОЛУЧАЕТСЯ НУЛЬ.

$$2 \cdot 0 = 0$$

$$9 \cdot 0 = 0$$

Доказательство:

Сначала вводится случай умножения нуля на любое число ($0 \cdot 2$). Результат учащиеся находят сложением ($0 \cdot 2 = 0 + 0 = 0$).

1. Если второй множитель равен 0, то результат нельзя найти сложением, нельзя использовать и перестановку множителей, т.к. это новая область чисел, в которой переместительное свойство умножения не раскрывалось. Поэтому получаем второе правило.
2. ПРОИЗВЕДЕНИЕ ЛЮБОГО ЧИСЛА НА НУЛЬ СЧИТАЮТ РАВНЫМ НУЛЮ.

$$146 \cdot 0 = 0$$

ПРАКТИЧЕСКАЯ РАБОТА.

1. Решить с объяснением, указать, какие знания необходимы учащимся при решении примера:

$$(54 + 36) : 3 = 30$$

ЗНАНИЯ: порядок выполнения действий, свойства деления суммы на число, прием – замена числа суммой разрядных слагаемых (5 дес. 4 ед., 3 дес. 6 ед. или $54 = 50 + 4$), поразрядное сложение (5 дес. + 3 дес.), таблица – случаи сложения в пределах 10 (4 ед. + 6 ед.), табличный случай деления, разрядный состав числа (3 дес. = 30 ед.).

$$2. 81 - 8 \cdot 3 : 4 = 75$$

ЗНАНИЯ: дополнение – замена числа суммой удобных слагаемых ($1 + 5$), прием – округления ($81 - 1$), замена числа суммой удобных слагаемых (7 дес. + 1 дес.), табличный случай вычитания (1 дес. – 5 ед.).

$$3. 60 - 7 \cdot 7 + 39 = 50$$

ЗНАНИЯ: Прием округления (49 дополню до 50) $\Rightarrow 60 - 50 + 1$

ВНЕТАБЛИЧНОЕ УМНОЖЕНИЕ И ДЕЛЕНИЕ В ПРЕДЕЛАХ 100.

Программные задачи:

1. Познакомить учащихся с частными случаями, и дать правило этих случаев ($a \cdot 1 = a$).
2. Знакомство с делением с остатком.
3. Раскрыть свойства вычисления:
 - а) умножение суммы на число $(a + b) \cdot c$
 - б) деление суммы на число $(a + b) : c$
4. Научить учащихся правильно рассуждать при решении примеров вида:
 - а) умножение двузначного числа на однозначные ($23 \cdot 4$)
 - б) умножение однозначного числа на двузначное ($4 \cdot 23$)
 - в) деление двузначного числа на однозначное ($46:2, 48:3, 70:2$)

Частные случаи умножения и деления.

1. Умножение единицы на число. М – II (стр. 61)

$$1 \cdot a = a$$

$$1 \cdot 2 = 1 + 1 = 2$$

$$1 * 2 = 2$$

Правило: при умножении единицы на число получается то число, на которое умножаем.

Доказали, опираясь на "умножение – сумма одинаковых слагаемых".

2. Умножение числа на единицу. М – П (стр. 62)

$$a * 1 = a$$

$$3 * 1 = 3$$

$$45 * 1 = 45$$

а) $45 * 1$ – это значит, что число 45 взять 1 раз, получим 45.

$$1 * 3 = 3$$

$$3 * 1 = 3$$

б) применяем переместительный закон умножения $1 * 3$ и получаем ранее рассмотренный случай, $1 * a = a$, поэтому и $a * 1 = a \Rightarrow 3 * 1 = 3$.

Правило: при умножении любого числа на единицу, получаем то число, которое умножаем.

Обобщаем 2 рассмотренных случая и выводим общее правило:

Если один из сомножителей равен 1, то произведение равно другому сомножителю.

3. Деление числа на единицу.

$$a : 1 = a$$

$$5 : 1 = \square \Rightarrow \square * 1 = 5 \Rightarrow 5 \Rightarrow 5 : 1 = 5$$

Подберу такое число, которое при умножении на единицу дает число 5.

Мы знаем случай $a * 1 = a \Rightarrow$ если один из множителей единица, то произведение равно другому множителю. Значит 1-ый множитель = 5, отсюда $5 : 1 = 5$.

Это доказательство дали, опираясь на связь между компонентами и результатом действия деления (нахождение неизвестного делимого).

Правило: При делении любого числа на единицу в частном получается то число, которое делим.

Значение 3-х рассмотренных случаев ($1 * a = a$, $a * 1 = a$) необходимо учащимся при решении примеров вида: $10 * 4$, $4 * 10$, $40 : 4$, $40 : 10$.

$$10 * 4 = \square$$

$$1 \text{ дес.} * 4 = 4 \text{ дес.} = 40 \text{ ед.} \Rightarrow 10 * 4 = 40$$

$$1 * a$$

$$4 * 10 = \square$$

$$4 * 1 \text{ дес.} = 4 \text{ дес.} = 40 \text{ ед.}$$

$$a * 1$$

$$4 * 10 = 40$$

$$40 : 4 = \square$$

$$4 \text{ дес.} : 4 = 1 \text{ дес.} = 10 \text{ ед.}$$

$$a : a = 1$$

$$40 : 4 = 10$$

Правило: При делении чисел на само это число, частное равно 1.

$$40 : 10 = \square$$

$$4 \text{ дес.} : 1 \text{ дес.} = 4 \Rightarrow 40 : 10 = 4$$

$$a : 1 = a$$

Узнаем сколько раз по одному десятку содержится в четырех десятках – 4 раза.

В дальнейшем учащиеся знакомятся с правилами:

1. Чтобы число умножить на 10 или 10 умножить на число, достаточно к числу справа приписать 0.

$$5 * 10 = 50, 10 * 18 = 180 \text{ (аналогично на } 100 - 2 \text{ нуля, на } 1000 - 3 \text{ нуля)}$$

$$150 * 100 = 15\ 000$$

$$375 * 1\ 000 = 375\ 000$$

2. Чтобы разделить число на 10, 100, 1000 достаточно в делимом справа закрыть столько цифр, сколько 0 в делителе.

$$450 : 10 = 45$$

$$457 : 10 = 45 \text{ (ост. } 7)$$

$$486 : 100 = 4 \text{ (} 86)$$

$$97\ 000 : 1000 = 97$$

4. Умножение нуля на число.

$$\mathbf{0 * a = 0}$$

$$0 * 2 = 0$$

$$0 * 12 = 0$$

$$0 + 0 = 0$$

$$0 + 0 + 0 + \dots + 0 \text{ (12 раз)} = 0$$

Умножение – сумма одинаковых слагаемых.

Правило: При умножении нуля на любое число получается нуль.

5. Умножение числа на нуль.

$$\mathbf{a * 0 = 0}$$

$$3 * 0 = \square$$

Используя переместительный закон умножения, получаем рассмотренный ранее случай.

$$0 * 3 = 0 \Rightarrow 3 * 0 = 0$$

Правило: При умножении любого числа на нуль получается нуль.

6. Деление нуля на число.

$$\mathbf{0 : a = 0}$$

Рассматривается на основе связи между компонентами и результатом действия деления.

$$0 : 6 = \square \Rightarrow \square * 6 = 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 : 6 = 0$$

$0 : 6 = \square$ - подберу такое число (частное), которое при умножении на делитель 6 дало бы делимое, равное 0.

Мы знаем, произведение равно 0, когда один из множителей равен нулю, значит неизвестное число равно 0, поэтому $0 : 6 = 0$.

Правило: При делении нуля на любое другое число получается нуль.

ДЕЛИТЬ НА 0 НЕЛЬЗЯ!!!

$$\mathbf{a : 0}$$

$$6 : 0 = \square \Rightarrow \square * 0 = 6 \Rightarrow 6 : 0$$

Найду такое число, которое при умножении на нуль дало бы 6. Такого числа нет \Rightarrow делить на нуль нельзя.

$$0 * 6 : 2 = 0$$

$$0 : 8 * 4 = 0$$

$$1 * 4 < 1 + 4$$

$$25 * 0 = 0$$

$$13 * 1 = 13$$

$$0 : 7 < 0 + 7$$

7. Деление с остатком.

μξ μξ μξ μξ μξ μξ

Сколько раз по 2 кружка получили? (пять раз)

Сколько осталось кружков без пары? (один)

$$11 : 2 = 5 \text{ (ост. 1)}$$

$$10 : 2 = 5$$

$$11 : 2 = 5 \text{ (ост. 1)}$$

Правило: При делении остаток всегда должен быть меньше делителя.

$$23 : 4 = (20 + 3) : 4 = (20 : 4) + 3 \text{ (ост.)} = 5 \text{ (ост. 3)}$$

В дальнейшем решаем примеры без наглядности, используя рассуждения.

Самое большое число до 23, которое делится на 4 без остатка – это 20. $20 : 4 = 5$. Надо разделить 23, а разделили 20. Узнаем, сколько осталось разделить $23 - 20 = 3$. Сравню оставшееся число с делителем. Значит 3 меньше 4 \Rightarrow 3 – остаток.

$$23 : 4 = 5 \text{ (ост. 3)}$$

Решение примеров, основанных на приемах и свойствах арифметических действий.

ПРИЁМЫ:

1. замена числа суммой разрядных слагаемых.

$$23 * 4 = 92$$

$$\begin{array}{r} / \quad \backslash \\ 20 \quad 3 \end{array}$$

$$46 : 2 = 23$$

$$\begin{array}{r} / \quad \backslash \\ 40 \quad 6 \end{array}$$

2. замена числа суммой удобных слагаемых.

$$48 : 3 = 16$$

$$\begin{array}{r} / \quad \backslash \\ 30 \quad 18 \end{array}$$

$$70 : 2 = 35$$

$$\begin{array}{r} / \quad \backslash \\ 60 \quad 10 \end{array}$$

СВОЙСТВА:

1. умножение суммы на число (стр. 121)

$$(a + b) * c$$

1. решение разными способами

$$(6 + 4) * 3 = 6 * 3 + 4 * 3 = 18 + 12 = 30$$

$$(6 + 4) * 3 = 10 * 3 = 30$$

2. решение удобными способами

$$(10 + 2) * 8 = 10 * 8 + 2 * 8 = 80 + 16 = 96$$

$$(9 + 1) * 7 = 10 * 7 = 70$$

3. решение примеров вида

$23 * 4$ – умножение двузначного числа на однозначное

$$23 * 4 = (20 + 3) * 4 = 20 * 4 + 3 * 4 = 80 + 12 = 92$$

$$23 * 4 = 92$$

Десятки умножим на число, единицы умножим на число, и полученные результаты сложим, т.е. выполним поразрядное умножение.

Эти же знания используем и при решении примера вида $4 * 23$, предварительно используя переместительный закон умножения.

$$4 * 23 = 23 * 4 = 92$$

$$4 * 23 + 92$$

ВЫВОД: при решении примеров вида умножение двухзначного числа на однозначное, умножение однозначного на двузначное используем поразрядное умножение.

2. Деление суммы на число

$$(a + b) : c$$

1. решение разными способами.

$$(6 + 9) : 3 = 6 : 3 + 9 : 3 = 2 + 3 = 5$$

$$(6 + 9) : 3 = 15 : 3 = 5$$

2. решение удобным способом

$$(8 + 12) : 4 = 20 : 4 = 5$$

$$(70 + 14) : 7 = 70 : 7 + 14 : 7 = 10 + 2 = 12$$

3. решение примеров вида

$$46 : 2$$

$$48 : 3 \quad \text{деление двузначного числа на однозначное}$$

$$70 : 2$$

$$46 : 2 = (40 + 6) : 2 = 40 : 2 + 6 : 2 = 20 + 3 = 23$$

$$46 : 2 = 23$$

$$\begin{array}{r} / \quad \backslash \\ 40 \quad 6 \end{array}$$

$$40 \quad 6$$

$$46 : 2 = 23 \quad \text{поразрядное деление}$$

$$48 : 3 = (30 + 18) : 3 = 30 : 3 + 18 : 3 = 10 + 6 = 16$$

$$48 : 3 = 16$$

$$\begin{array}{r} / \quad \backslash \\ 30 \quad 18 \end{array}$$

$$30 \quad 18$$

Заменяю число 48 суммой удобных слагаемых, одно из которых – наиболее крупное число, делящееся на 3. Это 30.

$$70 : 2 = (60 + 10) : 2 = 60 : 2 + 10 : 2 = 30 + 5 = 35$$

$$70 : 2 = 35$$

$$\begin{array}{r} / \quad \backslash \\ 60 \quad 10 \end{array}$$

$$60 \quad 10$$

↓

наиболее круглое число к 70.

$$27 * 3 = 81$$

$$84 : 3 = 28$$

$$62 : 2 = 31$$

$$90 : 5 = 18$$

$$6 * 14 = 84$$

$$60 : 5 = 12$$

При решении примеров вида $68 : 17$ – деление двузначного числа на двузначное используем прием подбора.

$$68 : 17 = \square \Rightarrow \square * 17 = 68$$

$$2 * 17 = 34 \Rightarrow 2 - \text{не подходит}$$

$$3 * 17 = 51 \Rightarrow 3 - \text{не подходит}$$

$$4 * 17 = 68 \Rightarrow 4 - \text{подходит}$$

$$68 : 17 = 4$$

Обобщим виды примеров, при решении которых используем приемы, свойства и законы арифметических действий.

К ним относятся:

- умножение двузначного числа на однозначное ($23 * 4$)
- умножение однозначного числа на двузначное ($4 * 23$)
- деление двузначного числа на однозначное
- деление двузначного числа на однозначное